

**Exercice N°1 : (4 points)**

**a-** La comparaison des concentrations initiales des solutions basiques permet d'apprécier les forces relatives de ces deux bases car ces deux solutions ont le même pH initial (La base la plus forte est celle qui a la concentration la plus faible)

**b-** La base B<sub>1</sub> est une base forte donc sa courbe de dosage contient un seul point d'inflexion donc il s'agit de la courbe  $\mathcal{C}_1$

**c- 1<sup>ère</sup> méthode :**

A L'équivalence acido-basique, on a  $n_{B1} = n_{AE} \Rightarrow C_{B1} \cdot V_{N1} = C_A \cdot V_{AE1} \Rightarrow$

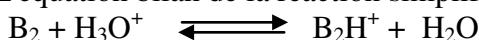
$$C_{B1} = \frac{C_A \cdot V_{AE1}}{V_{B1}} = \frac{0,1 \cdot 8}{100} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

**2<sup>ème</sup> méthode :**

La base B<sub>1</sub> est une base forte  $\Rightarrow pH_i = 14 + \log(C_{B1}) = 11,9 \Rightarrow \log(C_{B1}) = 11,9 - 14 = -2,1 \Rightarrow C_{B1} = 10^{-2,1} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$

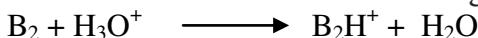
**2-a-** D'après la courbe  $\mathcal{C}_2$ , à la demi équivalence on a  $pH = pK_a$  et  $V_A = \frac{1}{2} V_{AE2} = 5 \text{ mL} \Rightarrow pK_a = 10,8$

**b-** L'équation bilan de la réaction simplifiée du dosage de l'acide faible A<sub>2</sub>H (**Supposée limitée**)



La constante d'équilibre relative à cette réaction, est  $K = \frac{[B_2H^+]}{[B_2] \cdot [H_3O^+]} = \frac{1}{K_a} = \frac{1}{10^{-pK_a}} = 10^{pK_a} = 10^{10,8}$

$K = 10^{10,8} > 10^4$  donc la réaction du dosage est totale.



**c-** A L'équivalence acido-basique, on a  $n_{B2} = n_{AE2} \Rightarrow C_{B2} \cdot V_{B2} = C_A \cdot V_{AE2} \Rightarrow$

$$C_{B2} = \frac{C_A \cdot V_{AE2}}{V_{B2}} = \frac{0,1 \cdot 10}{10} = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[H_3O^+] = 10^{-pHi} = 10^{-11,9} \text{ mol.L}^{-1} \text{ et } [\text{OH}^-] = \frac{K_e}{[H_3O^+]} = 10^{pHi-pKe} = 10^{11,9-14} = 10^{-2,1} = 8 \cdot 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} < C_{B2} \Rightarrow$$

B<sub>2</sub> est bien un acide faible

**3- a-** Lorsqu'on dilue une base sa concentration diminue  $\Rightarrow$  son pH diminue donc le pH initial diminue

**b-** Le pH du mélange réactionnel à la demi-équivalence ne change pas car à la demi équivalence, on a  $pH = pK_a$  qui ne dépend que de la température.

**c-** Lorsqu'on dilue B<sub>2</sub>, le volume du mélange réactionnel augmente donc la concentration à l'équivalence de l'acide conjugué de cette base diminue et par suite  $pH_E$  va augmenter.

**Exercice N°2 (3 points)**

**1-a-** L'équation de la réaction associée à la pile Sn + Pb<sup>2+</sup>  $\rightleftharpoons$  Sn<sup>2+</sup> + Pb

$$\text{La fonction des concentrations initiale } \pi_0 = \frac{[\text{Sn}^{2+}]}{[\text{Pb}^{2+}]} = \frac{C}{C} = 1$$

**b-** Le symbole de la pile est Sn|Sn<sup>2+</sup>(C)||Pb<sup>2+</sup>(C)|Pb

**2-a-** La f.em initiale de la pile est  $E = V_{\text{droite}} - V_{\text{gauche}} = V_{\text{Pb}} - V_{\text{Sn}} = 0,01 \text{ V} > 0$  donc le courant circule de la borne Pb (Borne positive) vers la borne Sn (Borne négative) et les électrons circulent dans le sens opposé à celui du courant.

**b-** La fem initiale de la pile est  $E=0,01V > 0$  donc le sens direct de la réaction associée à la pile, est spontané  $\text{Sn} + \text{Pb}^{2+} \longrightarrow \text{Sn}^{2+} + \text{Pb}$

**3- a-** le tableau d'avancement volumique (Les solutions ont le même volume)

Équation de la réaction		$\text{Sn} + \text{Pb}^{2+} \rightleftharpoons \text{Sn}^{2+} + \text{Pb}$			
État du système	Avancement volumique	Concentration ( $\text{mol.L}^{-1}$ )			
Initial	0	Excès	C	C	Excès
Intermédiaire	y	Excès	$C-y$	$C+y$	Excès
Final	$y_f$	Excès	$C-y_f$	$C+y_f$	Excès

**b-** A l'équilibre  $[\text{Sn}^{2+}] = C + y_f = 0,82 \text{ mol.L}^{-1}$ . (1)

$$[\text{Pb}^{2+}] = C - y_f = 0,38 \text{ mol.L}^{-1} \quad (2)$$

$$(1) + (2) \text{ nous donne } [\text{Sn}^{2+}] + [\text{Pb}^{2+}] = 2C \Rightarrow C = \frac{[\text{Sn}^{2+}] + [\text{Pb}^{2+}]}{2} = \frac{0,82 + 0,38}{2} = 0,6 \text{ mol.L}^{-1}.$$

## PHYSIQUE (13 points)

### Exercice N°1

**I-** On fixe la fréquence N à la valeur  $N_1=40 \text{ Hz}$

**1- a-** Il s'agit d'une onde mécanique transversale car le mouvement des points du liquide et la propagation de l'onde sont suivant des directions perpendiculaires

**b-** On observe des rides circulaires, concentriques et brillantes alternées par des rides moins

$$\text{brillantes et on observe une immobilité apparente lorsque la fréquence des éclaires } N_e = \frac{N_1}{K} \Rightarrow$$

$$\frac{N_1}{N_e} = K \text{ avec } K \in \mathbb{N}^*$$

$$\text{c- On a } 18 \text{ Hz} \leq N_e \leq 50 \text{ Hz.} \Rightarrow 18 \text{ Hz} \leq \frac{N_1}{K} \leq 50 \text{ Hz.} \Rightarrow \frac{1}{50} \leq \frac{K}{N_1} \leq \frac{1}{18} \Rightarrow \frac{N_1}{50} \leq K \leq \frac{N_1}{18} \Rightarrow \frac{40}{50} \leq K \leq \frac{40}{18}$$

$$0,8 \leq K \leq 2,2 \Rightarrow K \in \{1, 2\} \Rightarrow N_e = 40 \text{ Hz et } N_e = 20 \text{ Hz}$$

**2-**  $y_s(t) = a \cdot \sin(2\pi N_1 t + \varphi_s)$  et à  $t=0$ ,  $y_s(0) = a \cdot \sin(\varphi_s) = 0 \Rightarrow \sin(\varphi_s) = 0 \Rightarrow \varphi_s = \pi \text{ rad car } \cos(\varphi_s) < 0$  puisque

la source commence son mouvement en allant vers le bas (Sens négatif)

$$\text{Donc } y_s(t) = 4 \cdot 10^{-3} \cdot \sin(80\pi t + \pi)$$

**3-a-** La période spatiale  $\lambda$  est la distance parcourue par l'onde pendant une durée égale à sa période temporelle T.

$$\text{b-b1- } r_{F1} = V_1 \cdot t_1 \text{ avec } t_1 = 0,05 \text{ s} \Rightarrow \frac{t_1}{T_1} = t_1 \cdot N_1 = 0,05 \cdot 40 = 2 \Rightarrow t_1 = \frac{2}{N_1} \text{ et } r_{F1} = V_1 \cdot t_1 = \frac{2 \cdot V_1}{N_1} = 2 \cdot \lambda_1$$

Puisque  $\varphi_s = \pi \text{ rad}$  l'elongation extrémale la plus loin de la source est un minimum (Creux) qui est à la distance  $\frac{\lambda_1}{4}$  du front d'onde donc la crête la plus loin est à la distance  $\frac{3\lambda_1}{4}$  du front d'onde

$$\text{On trouve } r_{F1} = r_1 + \frac{3\lambda_1}{4} \Rightarrow r_1 = r_{F1} - \frac{3\lambda_1}{4} = 2 \cdot \lambda_1 - \frac{3\lambda_1}{4} = \frac{5\lambda_1}{4}$$

$$\mathbf{b_2- On a} \quad r_1 = \frac{5\lambda_1}{4} \Rightarrow \lambda_1 = \frac{4r_1}{5} = \frac{4.1}{5} = 0,8 \text{ cm} = 8 \text{ mm}. \text{ La célérité } V_1 = \lambda_1 \cdot N_1 = 8 \cdot 10^{-3} \cdot 40 = 0,32 \text{ m.s}^{-1}.$$

**4-a-D'**après le principe de propagation :  $y_M(t) = y_S(t-\theta) = a \cdot \sin(2\pi N_1 \cdot (t-\theta) + \varphi_S)$  valable  $\forall t \geq \theta = \frac{r}{V_1}$ .

$$y_M(t) = a \cdot \sin(2\pi N_1(t - \frac{r}{V_1}) + \varphi_S) = a \cdot \sin(2\pi N_1 t - \frac{2\pi N_1 \cdot r}{V_1} + \varphi_S) = a \cdot \sin(2\pi N_1 t - \frac{2\pi r}{\lambda_1} + \varphi_S) \text{ valable } \forall t \geq \theta.$$

$$y_M(t) = 4.10^{-3} \cdot \sin(80\pi t - \frac{2\pi r}{\lambda_1} + \pi) \text{ valable } \forall t \geq \theta$$

**b-** Pour les points M qui vibrent en quadrature retard de phase par rapport à  $\varphi_S - \varphi_M = \frac{\pi}{2} + 2K\pi = \pi - (-\frac{2\pi r}{\lambda_1} + \pi)$

$$\Rightarrow \frac{2\pi r}{\lambda_1} = \frac{\pi}{2} + 2K\pi \text{ avec } K \in \mathbb{N} \text{ donc } r = \frac{\lambda_1}{2\pi} (\frac{\pi}{2} + 2K\pi) = \lambda_1 (\frac{1}{4} + K)$$

D'autre part  $0 < r < r_{FI} = 2$ .  $\lambda_1 \Rightarrow 0 < \lambda_1 (\frac{1}{4} + K) < r_{FI} = 2$ .  $\lambda_1 \Rightarrow 0 < (\frac{1}{4} + K) < 2 \Rightarrow -\frac{1}{4} < K < 2 - \frac{1}{4} = 1,75 \Rightarrow K \in \{0, 1\}$

Les points qui vibrent en quadrature retard de phases par rapport à la source appartiennent aux lignes d'onde de rayons  $r_0 = \frac{\lambda_1}{4}$  et  $r_1 = \frac{5\lambda_1}{4}$

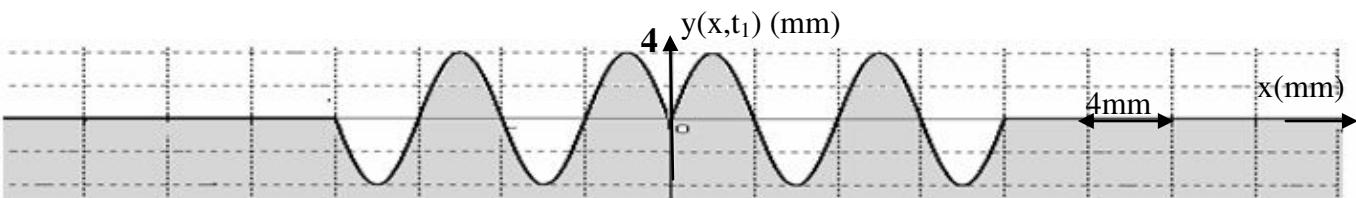
**c-** On a  $r_p = 6 \text{ mm} < r_{FI}$  donc  $y_p(t_1) = 4.10^{-3} \cdot \sin(80\pi t_1 - \frac{2\pi r_p}{\lambda_1} + \pi) = 4.10^{-3} \cdot \sin(80\pi \cdot 0,05 - \frac{2\pi \cdot 6}{8} + \pi)$

$$y_p(t_1) = 4.10^{-3} \cdot \sin(-\frac{\pi}{2}) = -4.10^{-3} \text{ m}$$

La vitesse du point p est  $v_p(t_1) = \frac{dy_p}{dt}(t_1) = 4.10^{-3} \cdot 80\pi \cdot \cos(80\pi t_1 - \frac{2\pi r_p}{\lambda_1} + \pi) = 0,32 \cdot \pi \cdot \cos(-\frac{\pi}{2}) = 0$

$$5- y_{t1}(r) = 4.10^{-3} \cdot \sin(80\pi t_1 - \frac{2\pi r}{\lambda_1} + \pi) = 4.10^{-3} \cdot \sin(80\pi \cdot 0,05 - \frac{2\pi r}{\lambda_1} + \pi) = 4.10^{-3} \cdot \sin(-\frac{2\pi r}{\lambda_1} + \pi)$$

r	0	$\frac{\lambda_1}{4} = 2 \text{ mm}$
y(mm)	0	$4.10^{-3}$



**II-L**a fréquence N à la valeur  $N_2 = 20 \text{ Hz}$ . Les points les plus proches de la source et qui vibrent en opposition de phase avec la source S, sont à la distance  $r = \frac{\lambda_2}{2} = 8,5 \text{ mm} \Rightarrow \lambda_2 = 2 \cdot r = 17 \text{ mm}$

**1-** La célérité de l'onde est  $V_2 = \lambda_2 \cdot N_2 = 17 \cdot 10^{-3} \cdot 20 = 0,34 \text{ m.s}^{-1}$ .

**2-**  $\varphi_S = \pi \text{ rad} \Rightarrow$  le creux le plus loin est à la distance  $D = r_{F2} - \frac{\lambda_2}{4} = V_2 \cdot t_2 - \frac{\lambda_2}{4} = (0,34 \cdot 62,5 - \frac{17}{4}) \cdot 10^{-3} = 17 \text{ mm}$

**3-**  $V_2 = 0,34 \text{ m.s}^{-1}$  et  $V_1 = 0,32 \text{ m.s}^{-1} \Rightarrow V_2 \neq V_1 \Rightarrow$  La célérité de l'onde à la surface du liquide dépend de la fréquence de cette onde donc ce liquide est un milieu dispersif.

### Exercice N°2(5,5 points)

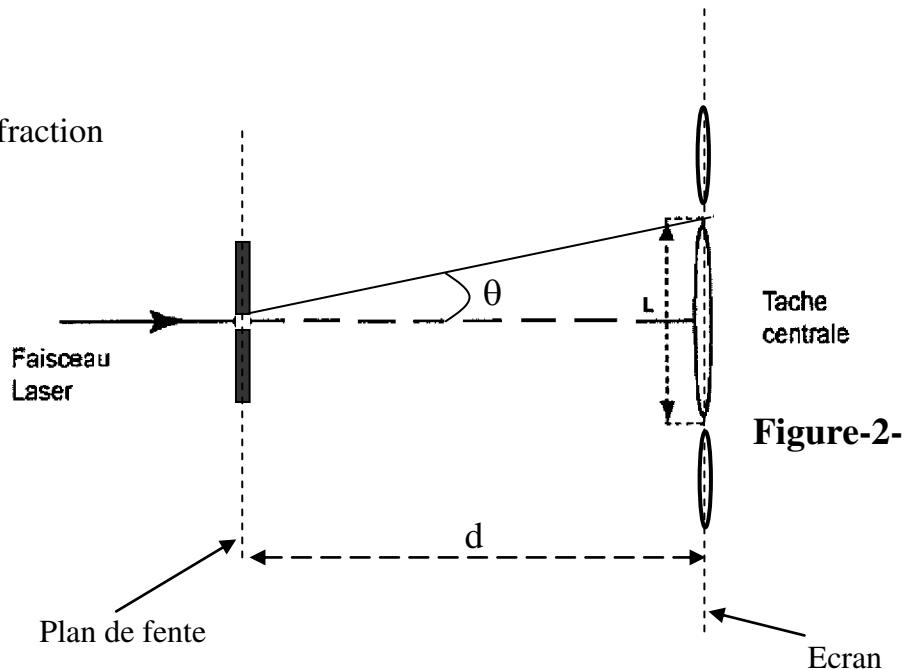
**1-a-** Le phénomène observé est la diffraction

**b-**

**c-** On a  $\tan(\theta) = \frac{L}{2.d} = \theta$

**d-** L'expression mathématique qui lie les grandeurs  $\theta$ ,  $\lambda$  et  $a$  est  $\theta = \frac{\lambda}{a}$

**e-** On a  $\theta = \frac{L}{2.d} = \frac{\lambda}{a} \Rightarrow a = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{L}$



**Figure-2-**

**2- a-** La courbe de  $L = f(d)$  est une droite linéaire de pente positive et d'équation  $L = K.d$  ce qui

est en accord avec  $a = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{L} \Rightarrow L = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{a} = K.d$  avec  $K = \frac{2 \cdot \lambda}{a}$

**b-** La pente  $K = \frac{L}{d} = \frac{10 \cdot 10^{-2}}{2} = 0,05$  et  $K = \frac{2 \cdot \lambda}{a} \Rightarrow \lambda = \frac{K \cdot a}{2} = \frac{0,05 \cdot 25 \cdot 10^{-6}}{2} = 0,625 \cdot 10^{-6} \text{ m}$

**3-a-** On a: Pour la fente  $L = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{a} = 10 \text{ cm}$  lorsque  $d = 1 \text{ m}$  et pour le poil  $L' = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{D}$ .

$$L' < L \Rightarrow 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{D} < 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{a} \Rightarrow \frac{1}{D} < \frac{1}{a} \Rightarrow D > a$$

**b-**  $L' = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{D} \Rightarrow D = 2 \cdot \frac{\lambda \cdot d}{L'} = 2 \cdot \frac{0,625 \cdot 10^{-6} \cdot 2}{2,5 \cdot 10^{-2}} = 10^{-4} \text{ m} = 0,1 \text{ mm}$